

(Per la pagina successiva vai col mouse in fondo alla pagina e clicca sulla freccia)

Disequazioni di 2° grado

Il seguente schema può essere utile per risolvere le disequazioni di 2° grado

Per convenienza supponiamo che sia $a > 0$.

Anche se fosse $a < 0$ potremmo moltiplicare entrambi i termini della disequazione per -1 e rientrare nello schema.

Le disequazioni di secondo grado ridotte a forma normale si presentano in uno dei due modi seguenti

A	B
$ax^2 + bx + c > 0$	$ax^2 + bx + c < 0$

Procedimento: **si associa ad entrambe l'equazione**

$$ax^2 + bx + c = 0$$

Legenda delle rappresentazioni

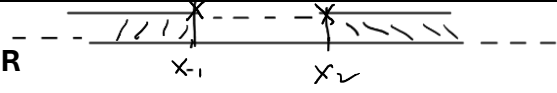
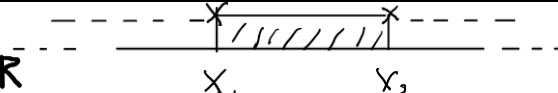
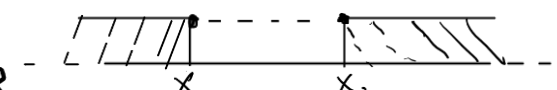
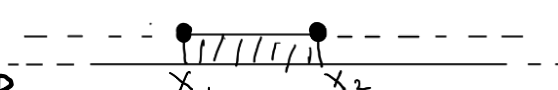
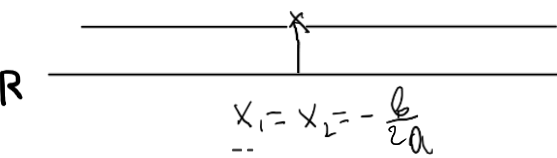
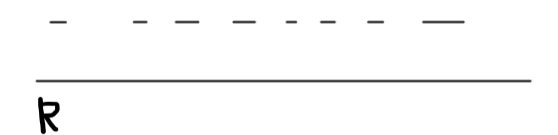
Tratto continuo: intervallo in cui la disequazione è soddisfatta

Tratteggio: intervallo in cui la disequazione non è soddisfatta

- Il valore estremo è incluso
- ✕ Il valore estremo non è incluso

E si possono presentare i seguenti casi

1° caso $ax^2 + bx + c > 0$ con $\Delta > 0$ l'equazione associata $ax^2 + bx + c = 0$ ha due radici reali e distinte x_1 e x_2 e la disequazione è soddisfatta da tutti i valori reali di x esterni all'intervallo limitato da x_1 e x_2, estremi esclusi. La soluzione S si scrive così $\forall x \in \mathbb{R} \setminus x < x_1 \text{ e } x > x_2$ ovvero $\forall x \in]-\infty, x_1[\cup]x_2, +\infty[$ Graficamente l'intervallo si rappresenta	1° caso $ax^2 + bx + c < 0$ con $\Delta > 0$ l'equazione associata $ax^2 + bx + c = 0$ ha due radici reali e distinte x_1 e x_2 e la disequazione è soddisfatta da tutti i valori reali di x interni all'intervallo limitato da x_1 e x_2, estremi esclusi. La soluzione S si scrive così $\forall x \in \mathbb{R} \setminus x_1 < x < x_2$ ovvero $\forall x \in]x_1, x_2[$ Graficamente l'intervallo si rappresenta
--	---

	
Caso particolare $ax^2 + bx + c \geq 0$ con $\Delta > 0$ A differenza del caso precedente la soluzione comprende anche gli estremi dell'intervallo x_1 e x_2 La soluzione S si scrive così $\forall x \in \mathbb{R} \setminus x \leq x_1 \text{ e } x \geq x_2$ ovvero $\forall x \in]-\infty, x_1] \cup [x_2, +\infty[$ Graficamente l'intervallo si rappresenta così 	Caso particolare $ax^2 + bx + c \leq 0$ con $\Delta > 0$ A differenza del caso precedente la soluzione comprende anche gli estremi dell'intervallo x_1 e x_2 La soluzione S si scrive così $\forall x \in \mathbb{R} \setminus x_1 \leq x \leq x_2$ ovvero $\forall x \in [x_1, x_2]$ Graficamente l'intervallo si rappresenta così 
II° caso $ax^2 + bx + c > 0$ con $\Delta = 0$ l'equazione associata $ax^2 + bx + c = 0$ ha due radici reali e coincidenti $x_1 = x_2 = \frac{-b}{2a}$ e la disequazione è soddisfatta da qualsiasi valore x appartenente ai numeri reali $\mathbb{R}$ escluso $x_1 = x_2 = \frac{-b}{2a}$ La soluzione S si scrive così $\forall x \in \mathbb{R} / x \neq \frac{-b}{2a}$ ovvero $\forall x \in]-\infty, +\infty[\text{ con } x \neq \frac{-b}{2a}$ La soluzione S si rappresenta così 	II° caso $ax^2 + bx + c < 0$ con $\Delta = 0$ l'equazione associata $ax^2 + bx + c = 0$ ha due radici reali e coincidenti ma la disequazione non ammette soluzione La soluzione S si scrive così $S = \emptyset$ La soluzione S si rappresenta così 
Caso particolare $ax^2 + bx + c \geq 0$ con $\Delta = 0$ l'equazione associata $ax^2 + bx + c = 0$ l'equazione associata ha due radici reali e coincidenti $x_1 = x_2 = \frac{-b}{2a}$	Caso particolare $ax^2 + bx + c \leq 0$ con $\Delta = 0$ l'equazione associata $ax^2 + bx + c = 0$ ha due radici reali e coincidenti $x_1 = x_2 = \frac{-b}{2a}$ e la disequazione ammette solo la radice

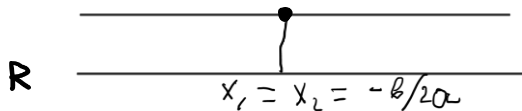
e la disequazione è soddisfatta da qualsiasi valore x appartenente ai numeri reali R compreso

$$x_1 = x_2 = \frac{-b}{2a}$$

La soluzione S si scrive così

$$\forall x \in R$$

La soluzione S si rappresenta così

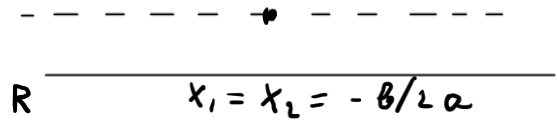


$$x_1 = x_2 = \frac{-b}{2a}$$

La soluzione S si scrive così

$$X = \frac{-b}{2a}$$

La soluzione S si rappresenta così



III caso

$$ax^2 + bx + c > 0$$

o

$$ax^2 + bx + c \geq 0$$

con $\Delta < 0$

l'equazione associata

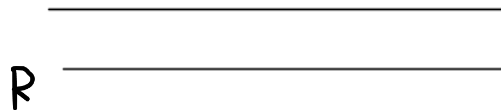
$$ax^2 + bx + c = 0$$

non ha radici reali ma la disequazione è soddisfatta da qualsiasi valore x appartenente ai numeri reali R

La soluzione S si scrive così

$$\forall x \in R$$

La soluzione S si rappresenta così



III caso

$$ax^2 + bx + c < 0$$

o

$$ax^2 + bx + c \leq 0$$

con $\Delta < 0$

l'equazione associata

$$ax^2 + bx + c = 0$$

non ha radici reali e la disequazione ammette come soluzione l'insieme vuoto

La soluzione S si scrive così

$$S = \emptyset$$

La soluzione S si rappresenta così

